

ISTITUTO ISTRUZIONE SUPERIORE "L. EINAUDI" – ALBA

ANNO SCOLASTICO 2023/2024

CLASSE 2^A Disciplina: Matematica

Testi in uso: Tutti i colori della matematica - Edizione verde – primo biennio VOL.1

L. Sasso, E. Zoli

Petrini Editore

Tutti i colori della matematica - Edizione verde – primo biennio VOL.2

L. Sasso, E. Zoli

Petrini Editore

PROGETTAZIONE DIDATTICA ANNUALE

Elaborata e sottoscritta dal docente: Stefania Borra

Lo studente, al termine del percorso quinquennale, dovrà essere in grado di: padroneggiare il linguaggio formale e i procedimenti dimostrativi della matematica; possedere gli strumenti matematici, statistici e del calcolo delle probabilità necessari per la comprensione delle discipline scientifiche e per poter operare nel campo delle scienze applicate; collocare il pensiero matematico e scientifico nei grandi temi dello sviluppo della storia delle idee, della cultura, delle scoperte scientifiche e delle invenzioni tecnologiche.

COMPETENZE DI BASE DEL PRIMO BIENNIO

Ai fini del raggiungimento dei risultati di apprendimento sopra riportati in esito al percorso quinquennale, nel primo biennio il docente persegue, nella propria azione didattica ed educativa, l'obiettivo prioritario di far acquisire allo studente le competenze di base attese a conclusione dell'obbligo di istruzione, di seguito richiamate:

- utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico rappresentandole anche sotto forma grafica
- confrontare ed analizzare figure geometriche, individuando invarianti e relazioni
- individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi
- analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico

L'articolazione dell'insegnamento di "Matematica" in conoscenze e abilità è di seguito indicata quale riferimento per la progettazione didattica del docente in relazione alle scelte compiute nell'ambito della programmazione collegiale del Consiglio di classe.

COMPETENZE FINALI CLASSE SECONDA

C 1: Saper risolvere e discutere equazioni e disequazioni di primo grado e saperle utilizzare per l'analisi e la risoluzione di situazioni problematiche.

C 2: Saper risolvere algebricamente e graficamente un sistema lineare utilizzandolo anche per la risoluzione di problemi a più incognite.

C 3: Saper operare nell'insieme dei numeri reali e risolvere equazioni non lineari.

C 4: Saper utilizzare la parabola come strumento per risolvere disequazioni di secondo grado e sistemi di grado superiore al primo.

C 5: Conoscere le proprietà delle figure piane e i principali teoremi applicando i criteri di congruenza, di similitudine.

C 6: saper utilizzare modelli probabilistici per risolvere problemi ed effettuare scelte consapevoli.

MODULI

M0: Raccordo con l'anno precedente: ripasso prodotti notevoli, scomposizioni, campo di esistenza e operazioni tra frazioni algebriche

M1: Equazioni e disequazioni di primo grado

M2: Equazione della retta e sistemi di primo grado

M3: Numeri reali ed equazioni non lineari

M4: Geometria analitica: la parabola, le disequazioni di secondo grado e i sistemi non lineari

M5: Statistica

M6: La geometria delle figure piane

M7: Probabilità

Prerequisiti/connesione con moduli e/o unità didattiche precedenti.

- le proprietà delle operazioni in Q
- le proprietà delle potenze

Competenze finali del modulo:

C1: saper semplificare un'espressione contenente monomi, polinomi e prodotti notevoli

C3: saper scomporre un polinomio in fattori

C4: saper operare con le frazioni algebriche

Contenuti:

Ripasso del calcolo letterale. Monomi. Polinomi. Prodotti notevoli. Scomposizione di un polinomio in fattori. Minimo comune multiplo fra due o più polinomi. Semplificazione di frazioni algebriche. Semplici espressioni algebriche.

Metodologia didattica:

- ❖ lezioni frontali per la sistematizzazione
- ❖ utilizzo del libro di testo come percorso di studio, per l'appropriazione del simbolismo e della terminologia
- ❖ schemi riassuntivi
- ❖ esercitazioni individuali, collettive e a gruppi di lavoro

Risorse/materiali:

- 📖 libro di testo
- 📖 quaderno personale
- 📖 appunti

Modalità/tipologia di verifica:

- ◆ interrogazioni orali
- ◆ test scritti
- ◆ verifica di fine modulo ed eventuale verifica di recupero

Saperi minimi finalizzati all'attività di recupero:

Operare con monomi e polinomi in semplici espressioni contenenti le operazioni fondamentali. Conoscere le formule dei prodotti notevoli più comuni. Aver capito il concetto di polinomio riducibile. Conoscere e saper applicare, in esercizi di tipo ripetitivo, i metodi standard di scomposizione di un polinomio in fattori. Saper operare con frazioni algebriche semplici.

Attività di recupero:

- in itinere
- studio individuale

Prerequisiti/connessione con moduli e/o unità didattiche precedenti.

- concetto di funzione, dominio e codominio
- calcolo algebrico: polinomi, scomposizioni, frazioni algebriche con la determinazione del relativo dominio
- proprietà delle disuguaglianze numeriche

Competenze finali del modulo:

- C1: saper risolvere e discutere equazioni di primo grado numeriche e letterali
- C2: saper formalizzare problemi con equazioni di primo grado
- C3: saper risolvere disequazioni numeriche intere
- C4: saper risolvere disequazioni numeriche frazionarie e sistemi di disequazioni numeriche

Contenuti:

Equazioni numeriche intere e frazionarie. Equazioni letterali intere. Equazioni di grado superiore al primo riconducibili ad equazioni lineari. Equazioni di primo grado come modelli di problemi di primo grado. Disequazioni di primo grado in una incognita: principi di equivalenza. Risoluzione algebrica di una disequazione di primo grado numerica intera. Disequazioni frazionarie. Sistemi di disequazioni. Disequazioni di primo grado come modelli di problemi di primo grado.

Metodologia didattica:

- ❖ lezioni frontali per la sistematizzazione
- ❖ utilizzo del libro di testo come percorso di studio, per l'appropriazione del simbolismo e della terminologia
- ❖ schemi riassuntivi
- ❖ esercitazioni individuali, collettive e a gruppi di lavoro

Risorse/materiali:

- 📖 libro di testo
- 📖 quaderno personale
- 📖 appunti

Modalità/tipologia di verifica:

- ◆ interrogazioni orali
- ◆ test scritti
- ◆ verifica intermedia
- ◆ verifica di fine modulo ed eventuale verifica di recupero

Saperi minimi finalizzati all'attività di recupero:

Saper risolvere equazioni di primo grado numeriche e letterali in esercizi di tipo ripetitivo. Saper risolvere disequazioni di primo grado numeriche intere, fratte e sistemi di disequazioni numeriche in esercizi di tipo ripetitivo.

Attività di recupero:

- in itinere
- studio individuale

MODULO 2. EQUAZIONE DELLA RETTA E SISTEMI DI PRIMO GRADO

Mesi: Gennaio/Febbraio

Prerequisiti/connesione con moduli e/o unità didattiche precedenti.

- concetto di funzione
- equazioni di primo grado in una incognita

Competenze finali del modulo:

C1: saper rappresentare graficamente una funzione lineare

C2: saper risolvere semplici problemi sulla retta

C3: saper risolvere algebricamente e graficamente un sistema di equazioni lineari

C4: saper costruire il modello algebrico di un problema in cui sono state individuate due o più incognite e saper risolverlo.

Contenuti:

Sistema di riferimento cartesiano nel piano. La retta. La proporzionalità diretta e la funzione lineare. Equazione della retta in forma implicita ed esplicita. Coefficiente angolare: rette parallele e perpendicolari. Equazione della retta passante per un punto assegnato. Equazioni in due incognite. Sistemi di equazioni di primo grado. Metodi algebrici di risoluzione. Intersezione di due rette come interpretazione geometrica di un sistema lineare in due incognite.

Metodologia didattica:

- ❖ lezioni frontali per la sistematizzazione
- ❖ schemi riassuntivi
- ❖ esercitazioni individuali, collettive e a gruppi di lavoro

Risorse/materiali:

- 📖 libro di testo
- 📖 quaderno personale, appunti

Modalità/tipologia di verifica:

- ◆ interrogazioni orali
- ◆ test scritti
- ◆ verifica di fine modulo ed eventuale verifica di recupero

Saperi minimi finalizzati all'attività di recupero:

Rappresentare punti e rette nel piano cartesiano. Determinare l'equazione di una retta passante per un punto assegnato. Saper risolvere un sistema lineare di due equazioni con almeno un metodo algebrico. Risolvere semplici problemi con sistemi di equazioni di primo grado.

Attività di recupero:

- in itinere
- recupero pomeridiano

Prerequisiti / connessioni con moduli e/o unità didattiche precedenti:

- le potenze ad esponente intero
- il calcolo di espressioni algebriche anche frazionarie
- equazioni di primo grado

Competenze finali del modulo:

C1: saper operare con i radicali

C2: saper operare con le potenze razionali di numeri reali

C3: saper risolvere equazioni di secondo grado intere, fratte.

C4: saper risolvere equazioni biquadratiche, binomie, trinomie e irrazionali.

Contenuti:

Ampliamento dell'insieme Q dei razionali e costruzione dell'insieme R dei reali. Definizione di radice ennesima aritmetica e algebrica di un numero. Proprietà invariantiva. Teoremi sulle operazioni. Razionalizzazione del denominatore di una frazione. Equazioni e sistemi a coefficienti reali. Potenze a base reale ed esponente razionale.

Risoluzione di equazioni di 2° grado. Equazioni di 2° grado numeriche intere e frazionarie. Relazioni tra le radici di un'equazione di 2° grado ed i suoi coefficienti. Scomposizione in fattori di un trinomio di 2° grado. Equazioni di grado superiore al secondo (biquadratiche, binomie, trinomie). Equazioni irrazionali. Problemi risolvibili con equazioni di secondo grado.

Metodologia didattica:

- ❖ lezioni frontali per la sistematizzazione
- ❖ schemi riassuntivi
- ❖ esercitazioni individuali, collettive e a gruppi di lavoro

Risorse/ materiali:

- 📖 libro di testo
- 📖 quaderno personale
- 📖 appunti

Modalità/ tipologie di verifica:

- ◆ interrogazioni orali
- ◆ test scritti
- ◆ verifica di fine modulo ed eventuale verifica di recupero

Saperi minimi finalizzati all'attività di recupero:

Aver capito il concetto di radice ennesima aritmetica e algebrica e conoscere i teoremi fondamentali. Operare con i radicali in esercizi di tipo ripetitivo. Conoscere e saper applicare la formula risolutiva di un'equazione di 2° grado completa. Scomporre in fattori un trinomio di 2° grado. Risolvere equazioni di grado superiore al secondo in esercizi di tipo ripetitivo

Attività di recupero:

- in itinere
- recupero pomeridiano

MODULO 4. GEOMETRIA ANALITICA: LA PARABOLA, LE DISEQUAZIONI DI SECONDO GRADO E I SISTEMI NON LINEARI

Mesi: Maggio

Prerequisiti / connessioni con moduli e/o unità didattiche precedenti:

- equazioni di secondo grado in una incognita
- disequazioni di primo grado
- sistemi di equazioni di primo grado
- calcolo con i radicali

Competenze finali del modulo:

- C1: saper rappresentare una parabola nel piano cartesiano e scriverne l'equazione
C2: saper risolvere disequazioni di secondo grado intere
C3: saper risolvere disequazioni di secondo grado fratte e sistemi di disequazioni
C4: saper risolvere sistemi di secondo grado
C5: saper risolvere problemi aventi come modello sistemi non lineari

Contenuti:

Grafico delle funzioni $y = ax^2$ e $y = ax^2 + bx + c$. Studio del segno di una funzione di 2° grado. Disequazioni di 2° grado con l'uso della parabola: disequazioni numeriche intere, numeriche frazionarie e sistemi di disequazioni. Sistemi di secondo grado. Sistemi di grado superiore al secondo.

Metodologia didattica:

- ❖ lezioni frontali
- ❖ schemi riassuntivi
- ❖ esercitazioni individuali, collettive e a gruppi di lavoro
- ❖ problem solving

Risorse / materiali:

- 📖 libro di testo
- 📖 quaderno personale
- 📖 appunti

Modalità / tipologie di verifica:

- ◆ interrogazioni orali
- ◆ verifiche intermedie
- ◆ verifiche sommative di fine modulo ed eventuale verifica di recupero

Saperi minimi finalizzati all'attività di recupero:

Rappresentare una parabola nel piano cartesiano. Risolvere disequazioni di 2° grado in esercizi di tipo ripetitivo. Risolvere un sistema non lineare con almeno il metodo di sostituzione.

Attività di recupero:

- in itinere
- recupero pomeridiano
- sportello

MODULO 5: STATISTICA

MESI: Trasversale a partire dal mese di Dicembre

Prerequisiti / connessioni con moduli e/o unità didattiche precedenti:

- Numeri naturali e intervalli.
- Le quattro operazioni.
- Le percentuali.
- Estrazione di radice.
- Ordini di grandezza.

Competenze finali del modulo

C1: Sapere spiegare il significato dei termini relativi alla statistica descrittiva.

C2: Saper riconoscere i caratteri quantitativi e qualitativi.

C3: Saper definire le distribuzioni di frequenza.

C3: Saper definire e riconoscere i vari tipi di grafici statistici.

C4: Saper definire i principali indici di posizione e variabilità.

Contenuti:

Distribuzioni di frequenze. Rappresentazioni grafiche. Indici di posizione: media, mediana, moda. Variabilità.

Metodologia didattica:

- ❖ lezioni frontali per la sistematizzazione
- ❖ utilizzo di dispense e appunti
- ❖ schemi riassuntivi
- ❖ esercitazioni individuali, collettive e a gruppi di lavoro

Risorse/materiali:

- 📖 dispense
- 📖 quaderno personale
- 📖 appunti
- 📖 calcolatrice scientifica
- 📖 laboratorio

Modalità/tipologia di verifica:

- ◆ interrogazioni orali
- ◆ test scritti
- ◆ lavori di gruppo
- ◆ verifiche sommative di fine modulo ed eventuale verifica di recupero

Saperi minimi finalizzati all'attività di recupero:

Utilizzare la terminologia relativa alla statistica descrittiva. Rappresentare graficamente dei dati. Calcolare una determinata media e i principali indici di variabilità.

Attività di recupero:

- in itinere
- studio individuale

MODULO 6. GEOMETRIA DELLE FIGURE PIANE

Mesi: trasversale a partire dal mese di Febbraio

Prerequisiti / connessioni con moduli e/o unità didattiche precedenti:

- conoscenze elementari sugli insiemi
- nomenclatura geometrica di base

Competenze finali del modulo:

C1: conoscere il significato di assioma e sapere quali sono gli assiomi della geometria euclidea

C2: saper riconoscere in un teorema ipotesi e tesi

C3: saper applicare i criteri di congruenza dei triangoli e i criteri di parallelismo tra rette in situazioni problematiche

Contenuti:

La geometria euclidea come sistema assiomatico. Rette, semirette, segmenti, semipiani, angoli: assiomi, definizioni e teoremi relativi. La geometria del triangolo: criteri di congruenza. Rette perpendicolari e parallele. Somma degli angoli interni di un triangolo. Quadrilateri: trapezi e parallelogrammi.

Metodologia didattica:

- ❖ lezioni frontali
- ❖ utilizzo del libro di testo come contenuti di studio, per l'appropriazione del simbolismo e della terminologia
- ❖ schemi riassuntivi
- ❖ esercitazioni individuali, collettive e a gruppi di lavoro

Risorse / materiali:

- 📖 libro di testo
- 📖 quaderno personale
- 📖 appunti

Modalità / tipologie di verifica:

- ◆ interrogazioni orali e/o scritte
- ◆ test scritti (verifiche intermedie)
- ◆ verifica di fine modulo ed eventuale verifica di recupero

Saperi minimi finalizzati all'attività di recupero:

Definire le principali figure geometriche piane e saperne individuare le proprietà fondamentali. Conoscere i criteri di congruenza dei triangoli e i criteri di parallelismo tra rette. Individuare ipotesi e tesi di un teorema. Conoscere la traccia di dimostrazione dei teoremi relativi alle figure studiate.

Attività di recupero:

- in itinere
- studio individuale

Prerequisiti / connessioni con moduli e/o unità didattiche precedenti:

- Le operazioni tra insiemi.

Competenze finali del modulo

C1: Sapere calcolare la probabilità di semplici eventi.

C2: Sapere risolvere problemi di conteggio utilizzando diagrammi ad albero o il principio fondamentale del calcolo combinatorio.

C3: Saper riconoscere eventi indipendenti.

Contenuti:

Diverse valutazioni della probabilità. Teoremi sul calcolo della probabilità. Probabilità composte ed eventi indipendenti.

Metodologia didattica:

- ◆ interrogazioni orali
- ◆ test scritti
- ◆ lavori di gruppo
- ◆ verifiche sommative di fine modulo ed eventuale verifica di recupero

Risorse/materiali:

- 📖 dispense
- 📖 quaderno personale
- 📖 appunti
- 📖 calcolatrice scientifica
- 📖 laboratorio

Modalità/tipologia di verifica:

- ◆ interrogazioni orali
- ◆ test scritti
- ◆ verifica di fine modulo

Saperi minimi finalizzati all'attività di recupero:

Saper illustrare gli assiomi del calcolo della probabilità. Saper calcolare la probabilità di semplici eventi. Saper descrivere i concetti di probabilità condizionata e di eventi indipendenti.

Attività di recupero:

- in itinere
- studio individuale